



#### ВЛИЯНИЕ ОБРАЗУЮЩЕГОСЯ ОСАДКА НА ТЕПЛОВОЙ ПОТОК ПРИ КОНДЕНСАЦИИ ПАРОВОЗДУШНОЙ СМЕСИ

Выполнила: аспирант 3 курса ФГБОУ ВО «КГЭУ»

Бадретдинова Г.Р.

Научный руководитель: д.т.н., заведующий кафедрой «АТПП» ФГБОУ ВО «КГЭУ»

Дмитриев А.В.

### Постановка проблемы





ЗАКАЗЧИК: ИСПОЛНИТЕЛЬ: ООО «Филиал ВПМ» ФГБОУ ВО «КГЭУ» 420087, РФ, г.Казань, 420066, Республика Татарстан, г. Казань, ул А. Кутуя, д. 159 ул. Красносельская, д.51 тел./факс: 8(965)6035367 Тел./факс: (843) 519-43-72/(843) 527-92-28 ИНН/ КПП 1660243763/166001001 УФК по РТ (ФГБОУ ВО «КГЭУ» p/cg. 40702810000577545 л/сч 20116Х79020) БИК 04920500 к/сч. 30101810145250000974 ИНН/КПП 1656019286/165601001 АО «ТИНКОФФ БАНК» p/cy 40501810292052000002 БИК 049205603 БИК 049205001 в отделении - НБ Республика Татарстан AKT СДАЧИ-ПРИЕМКИ\_ВЫПОЛНЕННЫХ РАБОТ ПО ДОГОВОРУ № / or 2910 .2020 r. на тему «Расчет теплообменного аппарата для нагрева воды за счет тепла парогазовой смеси» 2020 г. Общество с ограниченной ответственностью «Филиал ВПМ», именуемое в дальнейшем «Заказчик», в лице директора Котова Вячеслава Владимировича, действующего на основании Устава, с одной стороны, и Фелеральное государственное бюджетное образовательное учреждение высшего образования «Казанский государственный энергетический университет», именуемое в дальнейшем «Исполнитель», в лице проректора по научной работе Ахметовой Ирины Гареевны, действующего на основании доверенности №40-д от 26.08.2020 г., с другой стороны. составили настоящий акт о том, что работа выполнена в полном объеме и полностью удовлетворяет условиям договора. Краткое описание выполненных работ: Разработка принципиальной схемы установки теплообменника и определение площали поверхности теплообмена. Стоимость выполненных работ составляет 50000 (пятьдесят тысяч) рублей 00 коп. без НЛС Заказчик: Исполнител Директор Проректор по научной работ FOY BO KT YY ООО «Филиал ВПМ» И.Г.Ахметова

Рис. 1. Изображение загрязненного промышленного теплообменного аппарата, установленного на промышленном объекте Республики Татарстан, г. Казань

Рис. 2. Акт сдачи-приемки выполненных работ (НИОКР), 2020г.

# Построение математической модели формирования осадка на наружной поверхности ребра

Рассмотрено кольцевое круглое ребро с радиусом  $R_D$ , м, и толщиной ребра  $\delta_F$ , м, расположенное на охлаждаемой трубе с радиусом  $R_0$ , м, так что температура в его основании на трубе постоянна  $t_0 = \text{const.}$  На обеих сторонах ребра происходит конденсация паровоздушной смеси при температуре  $t_s = \text{const.}$  причём на его поверхности оседают загрязнения.



Рис. 3 Схема трубы с наружным поперечным оребрением: a - 3D-модель;  $\delta$  – расчетная схема

#### Допущения для математической модели

1. Ребро считается тонким, так что термическим сопротивлением по толщине можно пренебречь, а распределение температуры в самом ребре принимается одномерным в виде  $t=t(r, \tau)$ .

2. Осадок образует однородный слой, который считается тонким, так что его продольной термической проводимостью в направлении, параллельном поверхности ребра можно пренебречь.

3. Температура осадка на внешней границе равна  $t_s$ , а в месте примыкания к ребру равна температуре ребра  $t=t(r, \tau)$ .

4. Теплоёмкостью материала ребра и осадка можно пренебречь.

5. Толщина  $\delta(r, \tau)$  слоя осадка в данном месте *r* ребра пропорциональна общему количеству образовавшегося в этом месте конденсата.

6. Скорость образования конденсата в месте ребра с координатой r в данный момент времени  $\tau$ , пропорциональна плотности теплового потока  $q(r, \tau)$ . Температура пара близка к температуре конденсации  $t_s$ , небольшое отличие, может быть учтено поправкой в теплоту конденсации.

7. Искомые функции  $t(r, \tau)$  и  $\delta(r, \tau)$  непрерывно дифференцируемы по r и  $\tau$ , причем  $t(r, \tau)$  дважды непрерывно дифференцируема по r, кроме момента времени  $\tau = 0$ .

# Некоторые свойства решения полной задачи в безразмерном виде

Исходные параметры задачи:



Рис. 4. Расчетная схема тепловых потоков

*R*<sub>0</sub> - радиус трубы;

 $R_D$  - радиус круглого прямого ребра;

 $\vartheta_0 = t_s - t_0$  - избыточная температура в основании ребра, где  $t_s$  - температура конденсации,  $t_0 = \text{const} - \text{температура в основании ребра;} a = 2\lambda_0/(\lambda_p\delta_p)$  - коэффициент уравнений;

 $P = k\lambda_{o}$  – температурный коэффициент роста осадка, т.е. диффузия частиц к поверхности осадка при разнице температур в 1 К, м<sup>2</sup>/(с·К);

 $\lambda_o, \lambda_p$  – коэффициент теплопроводности осадка и ребра, Bt/(м·K);

*k* – тепловой коэффициент приращения осадка, т.е. отношение объема, образующегося осадка к теплоте, проходящей через поверхность, на которой он образуется, м<sup>3</sup>/Дж;

δ<sub>p</sub> – толщина ребра, м, и вспомогательный параметр;

 $h_0-$ начальное приближение толщины слоя осадка, параметр стремящийся к нулю, м.

Введены безразмерная координата  $\chi = \frac{r}{R_0}$ , безразмерное время  $T = \frac{\tau P \vartheta_0}{R_0^4 a^2}$  и безразмерные искомые переменные

$$\Theta(\chi, T) = \frac{\vartheta}{\vartheta_0}, \ \Gamma(\chi, T) = \frac{\delta}{aR_0^2}.$$

## Математическая модель образования осадка на поверхности оребренной трубы

#### 1. Уравнение для температур

$$\frac{\partial^2 \vartheta(r,\tau)}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \vartheta(r,\tau)}{\partial r} = \frac{2\lambda_o}{\Lambda} \frac{\vartheta(r,\tau)}{\delta(r,\tau)}$$

Граничные условия для  $\vartheta(r, \tau)$ 

$$\vartheta(r,\tau)\Big|_{r=R_0} = \vartheta_0, \quad \frac{\partial \vartheta}{\partial r}\Big|_{r=R_D} = 0$$

2. Уравнение для толщины слоя осадка

$$\frac{\partial \delta(r,\tau)}{\partial \tau} = k \lambda_{o} \frac{\vartheta(r,\tau)}{\delta(r,\tau)}$$

Начальные условия для  $\delta(r, \tau)$ 

$$\delta(r,0) = h_0 = \text{const} > 0, \quad R_0 \le r \le R_D$$

#### Круглое ребро. Безразмерный вид

$$\frac{\partial^2 \Theta(\chi, T)}{\partial \chi^2} + \frac{1}{\chi} \frac{\partial \Theta(\chi, T)}{\partial \chi} = \frac{\Theta(\chi, T)}{\Gamma(\chi, T)}$$
$$\frac{\partial \Gamma(\chi, T)}{\partial T} = \frac{\Theta(\chi, T)}{\Gamma(\chi, T)}$$

#### Граничные и начальные условия

$$1 \le \chi \le R_D / R_0$$

$$\Theta(1,T) = 1, \quad \frac{\partial \Theta(\chi,T)}{\partial \chi} \bigg|_{\chi = R_D/R_0} = 0$$

 $\Gamma(\chi,0) = \Gamma_0, \quad 1 \le \chi \le R_D / R_0$ 

#### Программа для численного решения уравнений

₩ <b>#</b>		Form1	<u> </u>
Кругло	e	U.e	Пуск
но узлов Nx отступ h0 высота L m^2d	501 0,0001 1 1	4epes 10 d Tau 1 mTau 10000 Tau = 0 Delta0 = 0	В файл tetN=0 DeltaN = 0
P1_Tau=0,01		Delta0a=	

Рис. 5. Программа для расчета круглых ребер

ця.	Form1	
Плоское		Пуск
	Через 10	В файл
узлов Nx 501 отступ h0 0,0001 высота L 1	d Tau 1 mTau 10000	haiki_0
m^2d 1	Delta0 = 0	DeltaN = 0
P1_Tau=0,01	Delta0a=	

Рис. 6. Программа для расчета прямых ребер



Рис. 7. Временные зависимости теплового потока Q за 60 суток (а) и 5 суток (б) работы теплообменника при различной толщине ребра  $\delta_F$ , мм: 1 - 0,4; 2 - 1,0; 3 - 2,0; 4 - 3,0



Рис. 8. Временные зависимости теплового потока Q за 60 суток (а) и 5 суток (б) работы теплообменника при различной теплопроводности осадка  $\lambda_0$ , Вт/(м·К): 1 - 0,037; 2 - 0,300; 3 - 0,670

## Исследование коэффициента теплоотдачи от паровоздушной смеси к поверхности ребра



Рис. 9. Зависимость коэффициента теплоотдачи от входной скорости газового потока при различной геометрии ребер: *1* – прямые ребра; *2* – спиральные ребра



Рис. 10. Зависимость числа Нуссельта от чисел Рейнольдса: *1* – прямые ребра; *2* – спиральные ребра

10

# Численное моделирование конденсации воды из паровоздушной смеси на поверхности с кольцевыми круглыми прямыми ребрами постоянной толщины

Поправка є<sub>q</sub>, учитывающую сужение потока в самом узком сечении канала, рассчитывают по формуле

$$\varepsilon_q = \left[1 - \left(\frac{d_{\rm H}}{H}\right)^2\right]^{0.8}$$

где  $d_{\rm H}$  – наружный диаметр трубы, м; H – поперечный размер канала, м.

Коэффициент лобового сопротивления частиц определялся по зависимости Шиллера-Ньюмана

$$c_a = 3,14 + \frac{24,27}{\text{Re}_a} - 0,716 \log(\text{Re}_a) + 0,047 \log^2(\text{Re}_a)$$

Конденсация пара рассчитывалась по модели Ли

$$\nabla\left(\alpha_{v}\rho_{v}\overrightarrow{W_{v}}\right)=m_{lv}-m_{vl}$$

где  $\alpha_v$  – объемная доля пара;  $\rho_v$  – плотность пара, кг/м<sup>3</sup>;  $\overrightarrow{W_v}$  – скорость паровой фазы, м/с.

$$m_{lv} = coeff \,\alpha_l \rho_l \, \frac{T_l - T_{sat}}{T_{sat}}$$

где *coeff* – константа конденсации, определяемая экспериментальным путем; *T*<sub>l</sub> – температура жидкости, К; *T*<sub>sat</sub> – температура сатурации, К.

Скорость массопереноса за счет конденсации ( $T_l < T_{sat}$ ):

$$m_{vl} = coeff \alpha_v \rho_v \frac{T_{sat} - T_v}{T_{sat}}$$

где  $T_v$  – температура пара, К.

В установившемся потоке без учета силы тяжести скорость проскальзывания рассчитывалась по формуле Маннинен

$$u_{cp} = -\frac{\tau_p}{c_a} \frac{\rho_a - \rho}{\rho_a} (u \cdot \nabla) u$$

где  $\rho_a$  – плотность капель, кг/м<sup>3</sup>;  $\rho$  – плотность сплошной среды, кг/м<sup>3</sup>.

Время релаксации определялось по формуле:  $\tau_p = \frac{\rho_a a^2}{18\mu}$ 

где µ – вязкость сплошной среды, Па·с.



Рис. 11. Зависимость коэффициента теплоотдачи от поверхности гладкой трубы при ее обтекании в ограниченном потоке от скорости воздуха на входе.





Рис. 12. Распределение диффузионного потока воды (*a*), массовой концентрации воды (б) и температуры стенки на поверхности ребра (в)



Рис. 13. Распределение диффузионного потока воды (а) и температуры текучей среды (б)



Рис. 14. Зависимость удельного диффузионного потока от массовой концентрации воды на входе в паровоздушной смеси при различных значениях диаметра ребра. *D<sub>r</sub>*, м: 1 – 0,027; 2 – 0,03; 3 – 0,043.



Рис. 15. Зависимость коэффициента теплоотдачи к оребренной поверхности от массовой доли воды в паровоздушной смеси при различных значениях диаметра ребра. *D<sub>r</sub>*, м: 1 – 0,027; 2 – 0,03; 3 – 0,043.



Рис. 16. Зависимость параметров  $A_1$  и  $A_2$  от диаметра ребра  $D_r$ .



$$\alpha_p = A_1 x + A_2 \tag{8}$$

Подставив параметры  $A_1$  и  $A_2$  в зависимость, получается:

$$\alpha_p = (483, 3 - 8019, 1D_r)x - 600, 62D_r + 80, 716$$
<sup>(9)</sup>

Рис. 17. Зависимость параметров  $A_1$  и  $A_2$  от диаметра ребра  $D_r$ .

# Методика режима восстановления поверхности оребренных труб от загрязнений



Рис. 18. График распределения потока тепла во времени

Время работы между процессом восстановления поверхности определяется:

$$\tau_p = -\frac{1}{B} \ln \left( 1 - \frac{P_{V1}}{P_1} \frac{V_1 B}{Q_b} \right)$$

где  $P_{V1}$  – стоимость использования воды руб./м<sup>3</sup>;  $P_1$  – стоимость единицы энергии, руб./Дж;  $V_1$  – объем воды, затрачиваемый на одно восстановление поверхности, м<sup>3</sup>;  $Q_b$  – значение восстановленного потока, Вт;  $B = -\frac{1}{\tau_{1/2}} \ln\left(\frac{1}{2}\right)$ 



Рис. 19. Зависимость времени работы между процессом восстановления от теплового потока и объема воды затрачиваемой на одно восстановление поверхности.  $P_{V1} = 750$  руб./м<sup>3</sup>;  $P_1 = 1,23 \cdot 10^{-6}$ руб./Дж;  $B = 2,7 \cdot 10^{-7}$  1/с;  $V_1$ , м<sup>3</sup>: 1 - 0,5; 2 - 1; 3 - 1,5; 4 - 1,75

Рис. 20. Зависимость времени работы между процессом восстановления от объема воды затрачиваемой на одно восстановление поверхности и стоимости использования воды.  $P_1 =$  $1,23 \cdot 10^{-6}$  руб./Дж;  $B = 2,7 \cdot 10^{-7}$  1/c;  $Q_b =$ 100 кВт.  $P_{V1}$ , руб./м<sup>3</sup>:1 – 750; 2 – 100; 3 – 500; 4 – 1200 Рис. 21. Зависимость времени работы между процессом восстановления от объема воды затрачиваемой на одно восстановление поверхности и стоимости использования воды.  $P_{V1} = 750$ руб./м<sup>3</sup>;  $P_1 = 1,23 \cdot 10^{-6}$  руб./Дж;  $B = 2,7 \cdot 10^{-7}$  1/с;  $Q_b = 100$  кВт. B, 1/c:  $1 - 2,7 \cdot 10^{-7}$ ;  $2 - 2 \cdot 10^{-8}$ ;  $3 - 2 \cdot 10^{-6}$ ;  $4 - 2 \cdot 10^{-5}$ 

## Выводы

- Разработана математическая модель процесса формирования осадка на наружной поверхности оребренных труб теплообменника при конденсации паровоздушной смеси, содержащей твердые частицы целлюлозы.
- Проведено численное моделирование интенсивности теплоотдачи для ребер с различной геометрией. Получены значимые для исследования зависимости коэффициента теплоотдачи.
- Проведено численное моделирование конденсации воды из паровоздушной смеси на поверхности с кольцевыми круглыми прямыми ребрами постоянной толщины.
- Разработана методика расчета времени восстановления поверхности трубы с оребрением от твердых частиц путем смывания водой.
- Полученные результаты позволят проанализировать расположение установки форсуночных устройств в корпусе теплообменного оборудования, а также оценить расход воды, необходимый для очистки загрязненной поверхности оребренных труб.





### Спасибо за внимание!



Бадретдинова Гузель Рамилевна Аспирант кафедры «Автоматизация технологических процессов и производств» ФГБОУ ВО «КГЭУ»

- Тел. 89867147958
- <u>E-mail: nice.badretdinova@mail.ru</u>
- <u>vk.com/gr.badretdinova</u>